

$$\Rightarrow T_F = \frac{3M_A T_A + 5M_B T_B}{3M_A + 5M_B}; \quad T_A = \frac{P_A V_A}{M_A R}, \quad T_B = \frac{P_B V_B}{M_B R}$$


P_F si calcola tenendo conto che ciascun gas, occupando il volume $V_A + V_B$, esercita sulle pareti una pressione parziale uguale a quella che eserciterebbe in assenza dell'altro gas (gas perfetti):

$$\text{gas A: } P_F^{(A)} (V_A + V_B) = M_A R T_F$$

$$\text{gas B: } P_F^{(B)} (V_A + V_B) = M_B R T_F$$

$$\Rightarrow P_F = P_F^{(A)} + P_F^{(B)} =$$

$$= \frac{(M_A + M_B) R T_F}{V_A + V_B}$$

4. Nell'ipotesi che  l'aria si comporta come un gas perfetto di peso molecolare medio M , calcolare l'andamento della pressione atmosferica P con l'altitudine z del suolo. Si assume che la temperatura T dell'atmosfera e l'accelerazione di gravità g sono costanti nel tratto di quota considerato.

Sol.: per la legge di Stevino applicata a un tratto elementare dz di altezza elementare dz : $dP = -\rho g dz$, $\rho = \frac{m}{V}$

$$PV = \frac{m}{M} RT \Rightarrow \frac{m}{V} = \frac{PM}{RT} \Rightarrow dP = -\frac{PM}{RT} g dz \Rightarrow \frac{dP}{P} = -\left(\frac{gM}{RT}\right) dz$$

$$\text{integrando: } \ln \frac{P}{P_0} = -\frac{gM}{RT} z \Rightarrow P = P_0 e^{-\frac{gM}{RT} z}$$

5. Un retto conduttore fisso divide un cilindro a pareti isolate in due parti A e B. Ciascuna parte contiene lo stesso numero di moli ($m=2$) di gas perfetto monoatomico. La parte B ha volume variabile per la possibilità di movimenti senza attrito di un pistone isolante. Il sistema è inizialmente in equilibrio a $T_i = 270 \text{ K}$. Con un tubo mobile di pistone si comprime il gas in B fino a che la temperatura di equilibrio finale è $T_f = 280 \text{ K}$. Trascurando le capacità termiche del cilindro e pistone, calcolare il lavoro.

$$\text{Sol.: } Q_{\text{TOT}} = 0 \Rightarrow \Delta U_{\text{TOT}} = -L; \quad \Delta U_{\text{TOT}} = \Delta U_A + \Delta U_B = 2m(T_f - T_i) C_V$$

$$\Rightarrow L = -2m \frac{3}{2} R (T_f - T_i) = -499 \text{ J}$$