

Università di Studi Roma Tre - Corso di Laurea in Matematica

AM3 Tutorato 5

A.A. 2007-2008

Docente: Prof. P. Esposito
Tutori: G. Mancini, D. Piras
Tutorato 5 del 1 Aprile 2008

Esercizio 1 Calcolare

$$\int_{\Omega} e^y \, dx dy dz$$

Dove $\Omega = \{(x, y, z) \in \mathbb{R}^3 : |y| \leq 1 - |x|, |z| \leq \cosh y\}$

Esercizio 2 Sia $C = \{(x, y, z) \in \mathbb{R}^3 : (y - 1)^2 \geq x^2 + z^2, 0 < y < 1\}$. Calcolare

$$\int_C \sqrt{(y - 1)^2 - x^2} \, dx dy dz$$

Esercizio 3 Sul dominio $D = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : 0 < x < \pi, \sin x < y < x\}$ calcolare

$$\int_D (1 - \cos x) \cos(x - y) \, dx dy$$

Esercizio 4 Sia $D = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : x^2 + y^2 \leq 2x, 0 < x < |y|\}$. Calcolare

$$\int_D y^2 + x^2 y \, dx dy$$

Esercizio 5 Calcolare

$$\int_{\Omega} \frac{dx dy}{\cos^2 x \sin 2y}$$

Dove $\Omega = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : \frac{\pi}{4} \leq x \leq 1, \frac{\pi}{4} \leq y \leq x\}$

(Suggerimento : Potrebbe essere utile ricavare la tangente da $\sin 2y$)

Esercizio 6 Sia $\aleph = \{(x, y, z) \in \mathbb{R}^3 : 0 < y \leq 4 - x^2, 0 < z < 1 - x^2\}$. Calcolare

$$\int_{\aleph} \frac{e^{e^x+x}}{(3+z)^2(3-y)^2} \, dx dy dz$$

Esercizio 7 Sia $\Omega = \{(x, y, z) \in \mathbb{R}^3 : x^2 + y^2 \leq \sin^2 z, 0 \leq z \leq \pi\}$. Calcolare $Vol(\Omega)$.

Esercizio 8 Calcolare

$$\int_S \sin(x + y + z) \, dx dy dz$$

Dove $S = \{\underline{v} \in \mathbb{R}^3 : \|\underline{v}\|_2 \leq 1\}$

Esercizio 9 Calcolare sul dominio $D = \{(x, y, z) \in \mathbb{R}^3 : x^2 + y^2 + z^2 < 2, x^2 + y^2 < z\}$ l'integrale

$$\int_D \frac{\sqrt{1-x^2}(1+y^2)}{\sqrt{2-(x^2+y^2)} - (x^2+y^2)} dx dy dz$$

Esercizio 10 Calcolare

$$\int_{\Omega} e^{x+z} dx dy dz dw$$

Dove $\Omega = \{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 : 0 < w < 1, 0 < x < w, 0 < y < -x + w, 0 < z < x + y + z\}$