## Scritto di Elementi di Analisi - Modulo A - 21-9-2015 E. Scoppola

1) (vd esercizio 8.44 [MS esercizi-2])

$$\lim_{x \to 0^+} \frac{\ln(x + x^2)}{\ln x} = 1$$

 $({\rm vd\ esercizio\ 8.55\ [MS\ esercizi-2]})$ 

$$\lim_{x \to \infty} \sin x \left[ \ln(\sqrt{x} + 1) - \ln \sqrt{x + 1} \right] = 0$$

2) L'ordine di infinitesimo rispetto a x per  $x \to 0$  della funzione

$$\tan x \sqrt{\sin x}$$

è 3/2 (vd esercizio 8.67 [MS esercizi-2])

3) (vd esercizio 4.111 [MS esercizi-4])

$$\int \frac{1}{1 - e^{2x}} \, dx = x - \frac{1}{2} \ln|1 - e^{2x}| + C$$

(vd esercizio 5.25 [MS esercizi-4])

$$\int_0^1 \sqrt{4 - x^2} \, dx = \frac{\pi}{3} + \frac{\sqrt{3}}{2}$$

4) Per lo studio della funzione

$$f(x) = \frac{1}{e^x - 2}$$

si veda l'esercizio 2.79 [MS esercizi-3].