II Esonero di Metodi Matematici per l'Ottica del 12-6-17 E. Scoppola

nome cognome:

numero di matricola:

Esercizio 1

Determinare la soluzione del seguente problema di Cauchy:

$$y' = 2xy + x, \qquad \text{con} \qquad y(0) = 0$$

Esercizio 2

Integrare la seguente equazione:

$$y \, dx = -x(1+xy^2) \, dy$$

Esercizio 3

Determinare la soluzione del seguente problema di Cauchy:

$$xy' = \frac{1}{y^2},$$
 con $y(1) = 1$

Esercizio 4

Determinare la soluzione del problema:

$$y'' - y = e^{2x} + \sin x$$
 con $y(0) = 1$, $y'(0) = 0$

Esercizio 5

Determinare la soluzione del problema:

$$xy\partial_x f(x,y) + y^2 \partial_y f(x,y) = 0$$
 con $f(x,1) = 2e^x$