## Scritto di Metodi Matematici per l'Ottica del 28 - 1 - 2019 $\hbox{E. Scoppola}$

nome cognome:

numero di matricola:

#### I Parte

#### Esercizio 1

Determinare il carattere delle seguenti serie:

$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{3}{n^p+1} \qquad \text{ al variare di } p \in \mathbb{R}$$

$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{3^n}{2^n n!}$$

#### Esercizio 2

Sviluppare in serie di Fourier la funzione periodica in  $[-\pi, \pi]$ 

$$f(x) = \begin{cases} x & \text{per } x \in (-\pi, 0) \\ -x & \text{per } x \in [0, \pi] \end{cases}$$

# Scritto di Metodi Matematici per l'Ottica del 28 - 1 - 2019 $\hbox{E. Scoppola}$

nome cognome:

numero di matricola:

II Parte

#### Esercizio 3

Risolvere la seguente equazione differenziale:

$$y' = xy - xy^3 \qquad \text{con} \qquad y(0) = 2$$

### Esercizio 4

Risolvere la seguente equazione alle derivate parziali:

$$4\frac{\partial}{\partial x}f(x,y) + 3\frac{\partial}{\partial y}f(x,y) = 0$$
 con  $f(0,y) = y^2$