CP2, I Semestre, Crediti 6

CP2 Teoria della probabilità

A.A. 2006/2007

Prof. Pietro Caputo

- 1. Probabilità. Processo di ramificazione. Introduzione alla teoria della misura. Spazi di misura. Eventi. Lemmi di estensione e unicità della misura. Misure di probabilità. Lemma di Borel-Cantelli 1. Variabili aleatorie. Misurabilita'. Legge e funzione di distribuzione di una variabile aleatoria. Indipendenza. Lemma di Borel-Cantelli 2. Legge 0–1 per variabili aleatorie indipendenti.
- 2. Aspettazione. Cenni sulla teoria dell'integrazione. Aspettazione di variabili aleatorie. Teoremi di passaggio al limite. Disuguaglianza di Jensen. Norme L_p . Disuguaglianze di Hölder e Schwarz. Disuguaglianza di Markov. Esempi di legge debole e legge forte dei grandi numeri. Spazi di misura prodotto. Teorema di Fubini. Leggi congiunte.
- 3. Aspettazione condizionata e martingale. Aspettazione condizionata rispetto a una sotto σ -algebra. Teorema di Kolmogorov su esistenza e unicità dell'aspettazione condizionata. Densità di probabilità condizionata. Filtrazioni. Processi stocastici a tempo discreto. Martingale. Gambilng. Tempi d'arresto. Teorema di Doob sullo "optional stopping". Esercizi sul calcolo del valor medio di tempi di arresto. Tempi di uscita da un intervallo per passeggiate aleatorie.
- 4. Convergenza in distribuzione. Funzioni caratteristiche. Teorema di inversione per funzioni caratteristiche. Convergenza in distribuzione. Teorema di equivalenza tra convergenza in distribuzione e convergenza di funzioni caratteristiche. Teorema centrale del limite. Diversi modi di convergenza per variabili aleatorie (esempi e controesempi).
- 5. Catene di Markov. Introduzione alle catene di Markov. Stati ricorrenti e transitori. Misure invarianti e comportamento asintotico. Teorema ergodico sotto ipotesi di regolarità.
- NB Per maggiori dettagli sul programma e altri aggiornamenti consultare il sito www.mat.uniroma3.it/users/caputo/didattica/cp2_2006/cp2_2006.html

CP2

Testi consigliati

[1] D. WILLIAMS, Probability with martingales. Cambridge University Press, (1991).

BIBLIOGRAFIA SUPPLEMENTARE

- [2] R. Durrett, Probability: Theory and Examples. Thomson, (2000).
- [3] W. Feller, An introduction to probability theory and its applications, vol. 1,2. Wiley, (1971).
- [4] Y. Sinai, Probability: an introductory course. Springer, (1990).

Modalità d'esame

- valutazione in itinere ("esoneri")		■ SI	□NO
- esame finale	scritto orale	■ SI □ SI	□ NO ■ NO
- altre prove di valutazione del profitto (meglio descritte sotto)		□SI	NO