

Non vengono riportate le risposte di tipo teoriche che possono essere trovate sul testo.

1. Sia  $I_1 = (-\infty, 0]$ ,  $I_2 = (0, 4)$  e  $I_3 = [4, \infty)$ . Su  $I_1$  la disuguaglianza è equivalente a  $x < 4$ ; su  $I_2$  a  $x < 4/3$ ; su  $I_3$  a  $x < -4$  quindi la soluzione è  $x < 4/3$ .
3. I punti di accumulazione sono 5 e 1.
4. Per ogni  $\delta > 0$ ,  $I(50, \delta) \cap [-50, 10]^c \neq \emptyset$ .
5.  $a_1 = 1$ ,  $a_2 = 1/2$ ,  $a_3 = 1/3$  e, per induzione, si ha che  $a_n = 1/n$  (infatti assumiamo che  $a_k = 1/k$  per  $k \leq n$ , allora  $a_{n+1} = \frac{1/n}{1+1/n} = 1/(n+1)$ ); quindi  $a_n \in (0, 1)$  è monotona decrescente e tende a 0.
6.  $z^4 - iz^3 + 6z^2 = z^2(z^2 - iz + 6z)$  quindi le soluzioni sono 0 (con molteplicità due),  $-2i$  e  $3i$ .
7. Se  $z = \rho e^{i\theta}$ , l'equazione  $z^3 \bar{z} = 16$  può risciversi come  $\rho^4 e^{2i\theta} = 16$  che ha soluzioni  $\rho = 2$ ,  $\theta = 0$  e  $\theta = \pi$ .
9. 
$$\lim_{n \rightarrow +\infty} \frac{n + n^2 + n^{1/n} + 3^n}{n^2 2^n + 3^{n+3}} = \lim_{n \rightarrow +\infty} \frac{1 + \frac{n+n^2+n^{1/n}}{3^n}}{27 + n^2(2/3)^n} = \frac{1}{27}.$$
10.  $a_n = (-1)^n + \frac{5}{n^3}$  da cui segue facilmente che  $\limsup a_n = \lim a_{2k} = 1$  e  $\liminf a_n = \lim a_{2k+1} = -1$ .
11. Se  $a_n := \frac{n^3+4}{2^n+n}$ , si ha che  $\lim a_n^{\frac{1}{n}} = 1/2$  e quindi, per il criterio della radice la serie converge.
12. Sia  $a := |2x/(x-1)|^2$  e  $a_n := \frac{(n^2+1)}{n!} a^n$ . Applicando il criterio del rapporto abbiamo che  $\lim a_{n+1}/a_n = \frac{(n+1)^2+1}{n^2+1} \frac{a}{n} = 0$  e quindi la serie converge assolutamente per ogni  $x \neq 1$ .