

Analisi Matematica 1 - Esercitazione 11

Esercizio 1. Si consideri la successione $a_n = (2n - 5)e^{3-n}$.

1. Determinare l'estremo superiore e l'estremo inferiore dell'insieme $\{a_n : n \in \mathbb{N}\}$.
2. Determinare l'estremo superiore e l'estremo inferiore dell'insieme $\{|a_n| : n \in \mathbb{N}\}$.

Esercizio 2. Determinare l'estremo superiore e l'estremo inferiore dei seguenti insiemi:

- $\left\{ (-1)^n \frac{n}{n+1} : n \in \mathbb{N} \right\};$
- $\left\{ (-1)^n \frac{n+1}{n+2} : n \in \mathbb{N} \right\};$
- $\left\{ \frac{\sqrt{n} + (-1)^n n^4}{2n^4 + 1} : n \in \mathbb{N} \right\}.$

Esercizio 3. Determinare tutti i numeri complessi $z \in \mathbb{C}$ tali che

$$(2 - i)z^7 = 3 - 9i.$$

Esercizio 4. Determinare tutte le soluzioni complesse dell'equazione

$$\left(z^5 + \frac{5 - i\sqrt{10}}{\sqrt{2} + i\sqrt{5}} \right)^3 = -5\sqrt{5}i.$$

Esercizio 5. Calcolare il limite

$$\lim_{n \rightarrow \infty} \left(\frac{3n^{-\frac{1}{3}} + \log n}{\log n + 2} \right)^{\log(n^4 + 1)}$$

Esercizio 6. Calcolare i seguenti limiti di funzioni:

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{1 - x^2 - \cos^2 x}{\log^2 \left(\frac{\sin x}{x} \right)}$$