Risolvere gli esercizi accompagnando le risposte con spiegazioni chiare ed essenziali. *Inserire le risposte negli spazi predisposti. NON SI ACCETTANO RISPOSTE SCRITTE SU ALTRI FOGLI.* Ogni esercizio vale 7.5 punti.

1. Mostrare che $825265 = 5 \cdot 7 \cdot 17 \cdot 19 \cdot 73$ è un numero di Carmichael.

2. Si calcoli il seguente simbolo di Jacobi (senza fattorizzare!) $\left(\frac{32431}{12331}\right)$

3. Sia m in intero positivo disparie composto. Sia

$$C(m) = \{a \in U(\mathbf{Z}/m\mathbf{Z}) \mid m \text{ e}' \text{ uno pseudo primo in base } a\}.$$

   a. Mostrare che $C(m)$ è un gruppo;
   b. Dimostrare che se esiste una base rispetto a cui m non è uno pseudo primo allora ne esistono almeno $\varphi(m)/2$;
   c. Mostrare che $|C(m)| \geq 2$.
   d. Calcolare $C(15)$.

4. Determinare una base a rispetto a cui m non è uno pseudo primo di Eulero dove
   a. $m = 101^2 \cdot 107$;
   b. $m = 3 \cdot 35$.

5. (Quickies): Scrivere solo la risposta delle seguenti domande:
   i. Quale è la probabilità che 50 iterazioni di Solovay–Strasen dichiarino primo un numero composto?
   ii Dire quali dei seguenti numero sono basi rispetto a cui 25 è uno pseudo primo Euleriano: 1, -1, 2, 5, 7, 10, 3

i. bigskip
ii.