

- (1) Il numero di operazioni richieste per l'intero calcolo sarà dato dalla somma dei tempi impiegati per eseguire gli n prodotti di numeri naturali e del tempo successivamente impiegato per sommare gli n numeri ottenuti da tali prodotti. Per ciascun prodotto il tempo sarà stimato da

$$O(\log a_i \log b_i) = O(n^3 \cdot n^3) = O(n^6).$$

Per eseguire gli n prodotti il tempo sarà dunque

$$n \cdot n^6 = O(n^7).$$

Inoltre ciascun prodotto fornisce un numero minore di $e^{n^3} e^{n^3} = e^{2n^3}$. Per sommare n numeri minori di e^{2n^3} si impiegherà un tempo del tipo $O(n^3 \log n)$. In tutto si sono avute $O(n^7)$ operazioni bit.

- (2) Il numero dato n ha 10 cifre binarie, ovvero risulta $2^9 \leq n < 2^{10}$, dunque si ha $2^4 < \lfloor \sqrt{n} \rfloor < 2^5$. Quindi $\lfloor \sqrt{n} \rfloor$ ha 5 cifre decimali e la prima è 1. L'algoritmo consente di fare solo altri 4 controlli per determinare le altre 4 cifre (invece, con una strategia ingenua "a tappeto" sarebbero necessari fino a 2^4 controlli, ovvero tutti i casi possibili). Infatti si tratta di determinare le 4 cifre rimanenti, partendo da quella più "a sinistra", verificando se il quadrato del numero binario 11000 supera o no n . Poiché non lo supera la seconda cifra è 1. Per trovare la terza si guarda se il quadrato di 11100 supera n . Dato che lo supera, la terza cifra è 0. Si prosegue in questo modo e si trova $\lfloor \sqrt{n} \rfloor = 11000$, in forma binaria.
- (3) Visto che $16 = 2^4$, basta scrivere in base 16 ciascun gruppetto di 4 cifre binarie del numero dato, a partire dalle unità (ovvero "da destra"). Dato che $(1011)_2 = (B)_{16}$, $(0010)_2 = (2)_{16}$ e $(1)_2 = (1)_{16}$, si ha che il numero in base 16 si scrive $12B$.
- (4) Si ha:

$$125 = 4 \cdot 30 + 5$$

$$30 = 6 \cdot 5 + 0,$$

quindi $(125, 30) = 5$. Per l'identità di Bezout, ripercorrere a ritroso le uguaglianze trovate (esclusa l'ultima, che ha resto nullo), che esprimono il resto come combinazione lineare del dividendo e del divisore. In questo caso, si ha, al primo passo, $5 = 125 - 4 \cdot 30$.